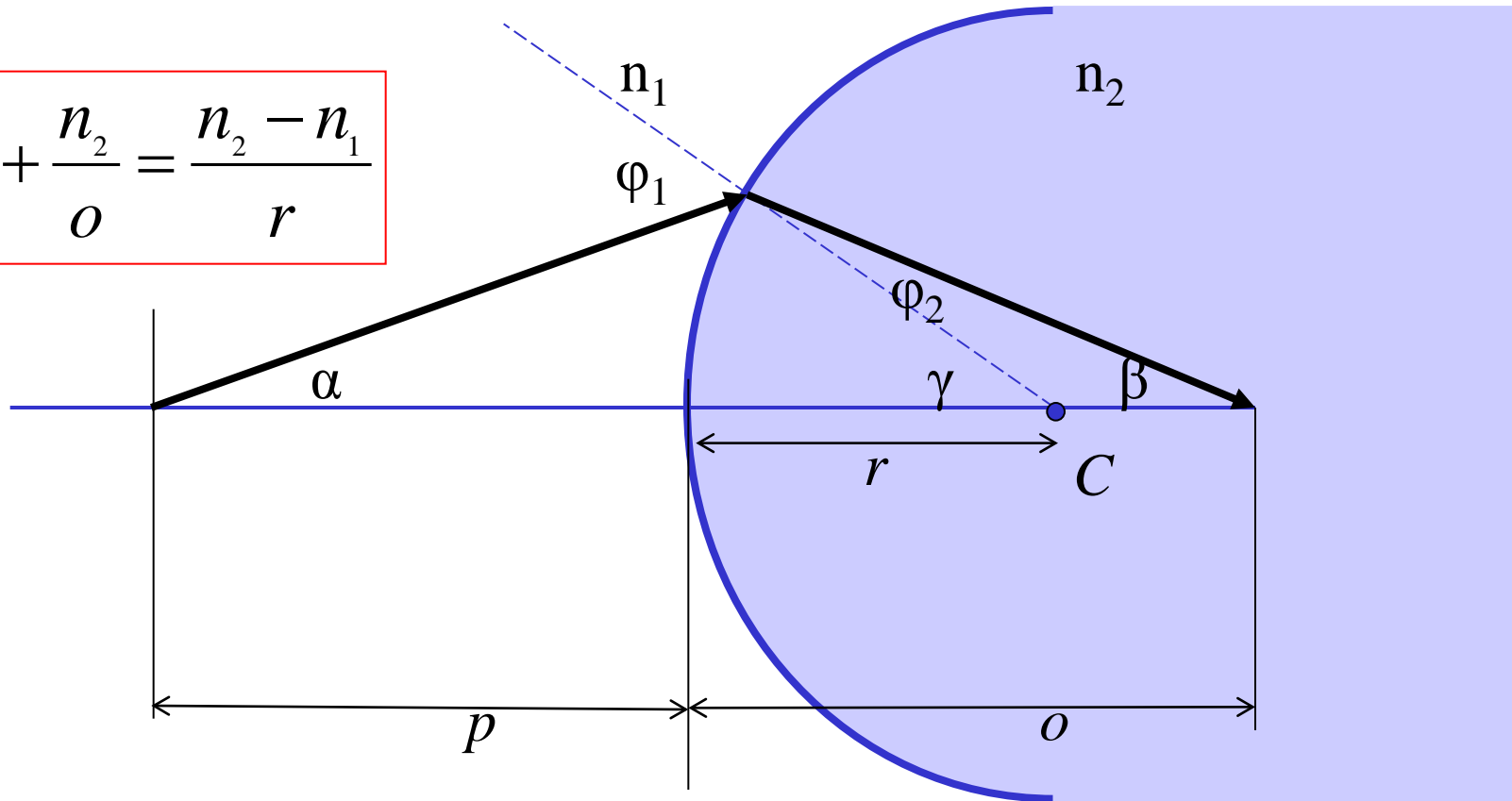


Optyka kurs wyrównawczy
optyka geometryczna 4
soczewki

2011r.

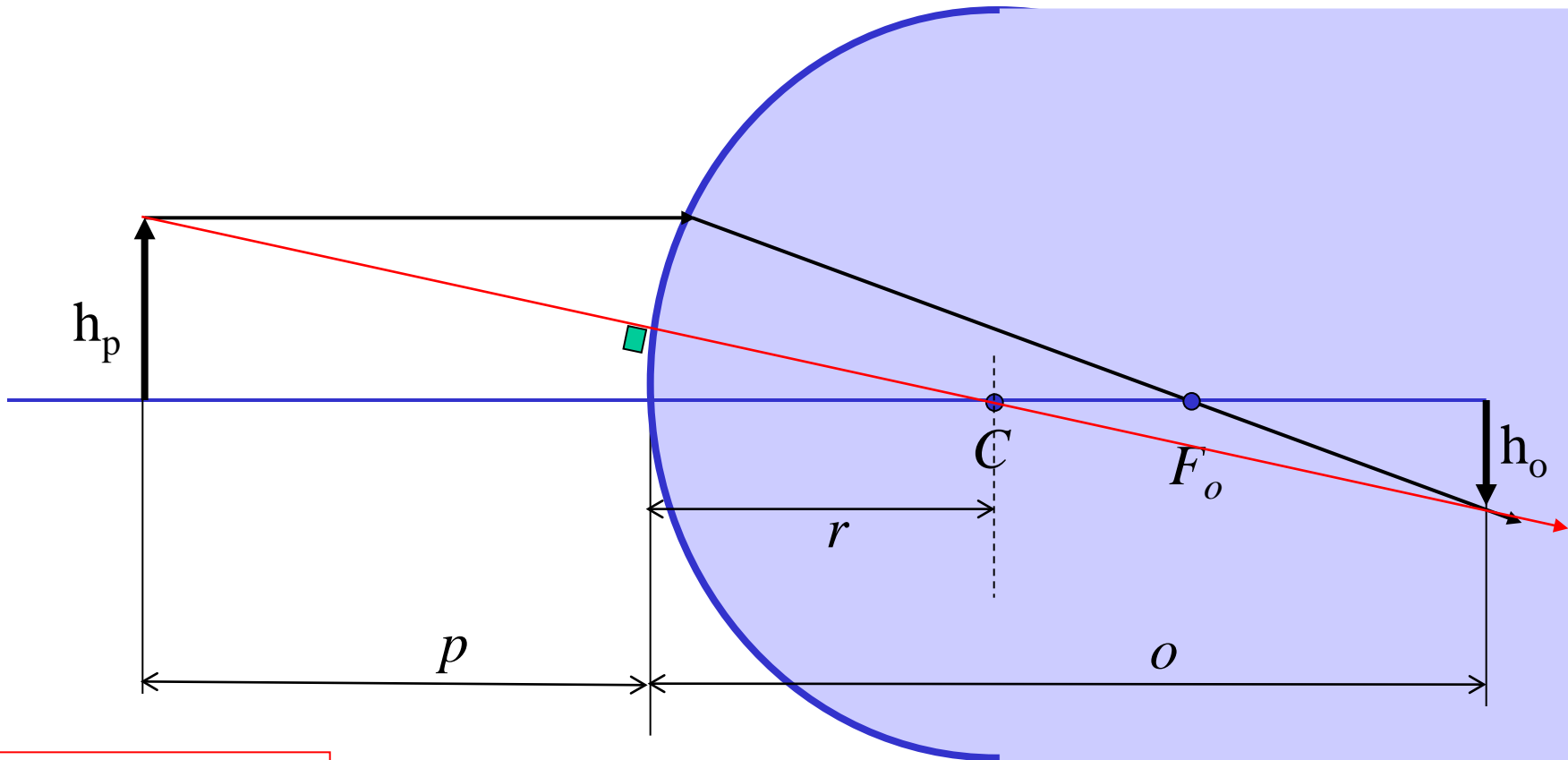
Kulista powierzchnia łamiąca

$$\frac{n_1}{p} + \frac{n_2}{o} = \frac{n_2 - n_1}{r}$$



Konwencja znaków: Wszystkie odległości na rysunku są dodatnie i są „po swojej stronie”. Jeżeli znajdują się „po nie swojej stronie powierzchni dzielącej” będą ujemne.

Kulista powierzchnia łamiąca – konstrukcja i powiększenie

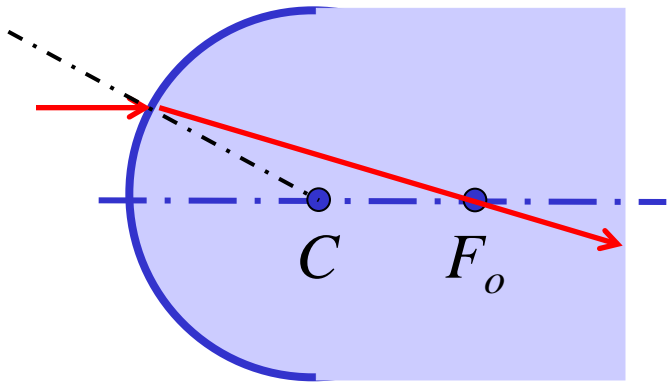


$$\frac{n_1}{p} + \frac{n_2}{o} = \frac{n_2 - n_1}{r}$$

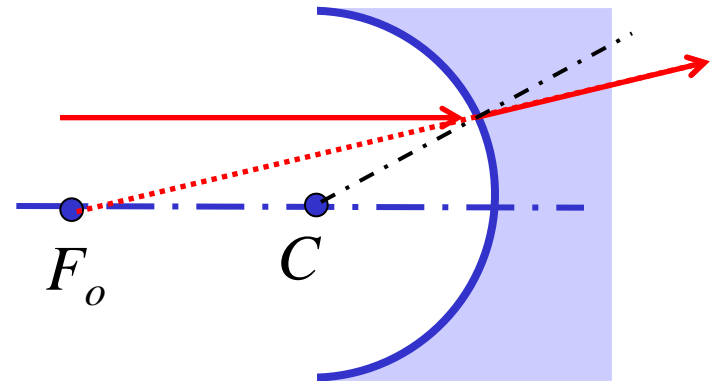
$$\frac{h_o}{h_p} = -\frac{o - r}{p + r} = \frac{o}{p} \frac{n_1}{n_2} = M$$

Różne sytuacje (promień pada z lewej)

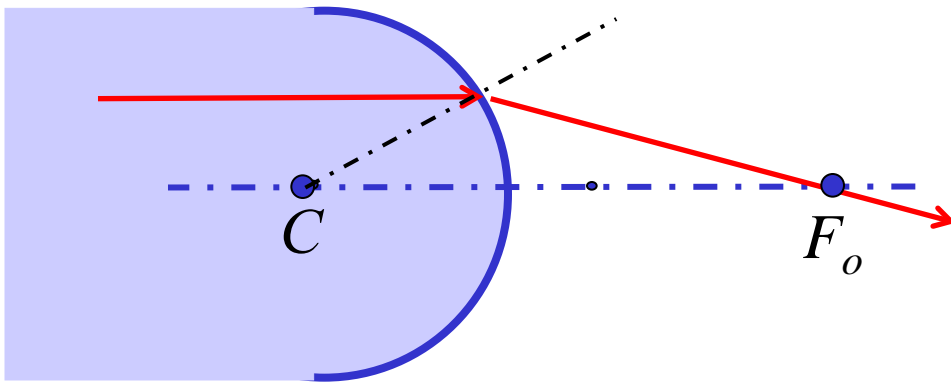
$$|r| = 10\text{cm}$$



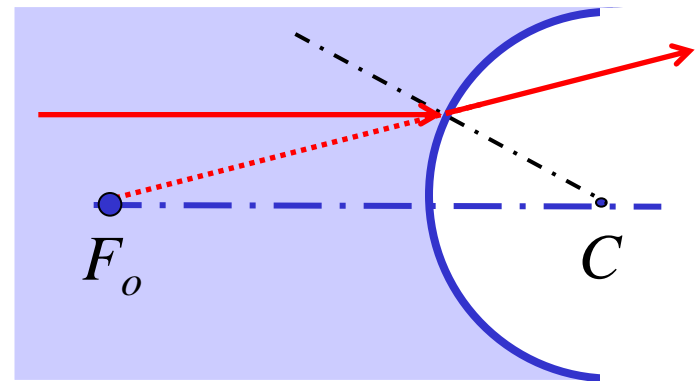
$$n_1/p + n_2/o = (n_2 - n_1)/10 > 0$$



$$n_1/p + n_2/o = (n_2 - n_1)/(-10) < 0$$

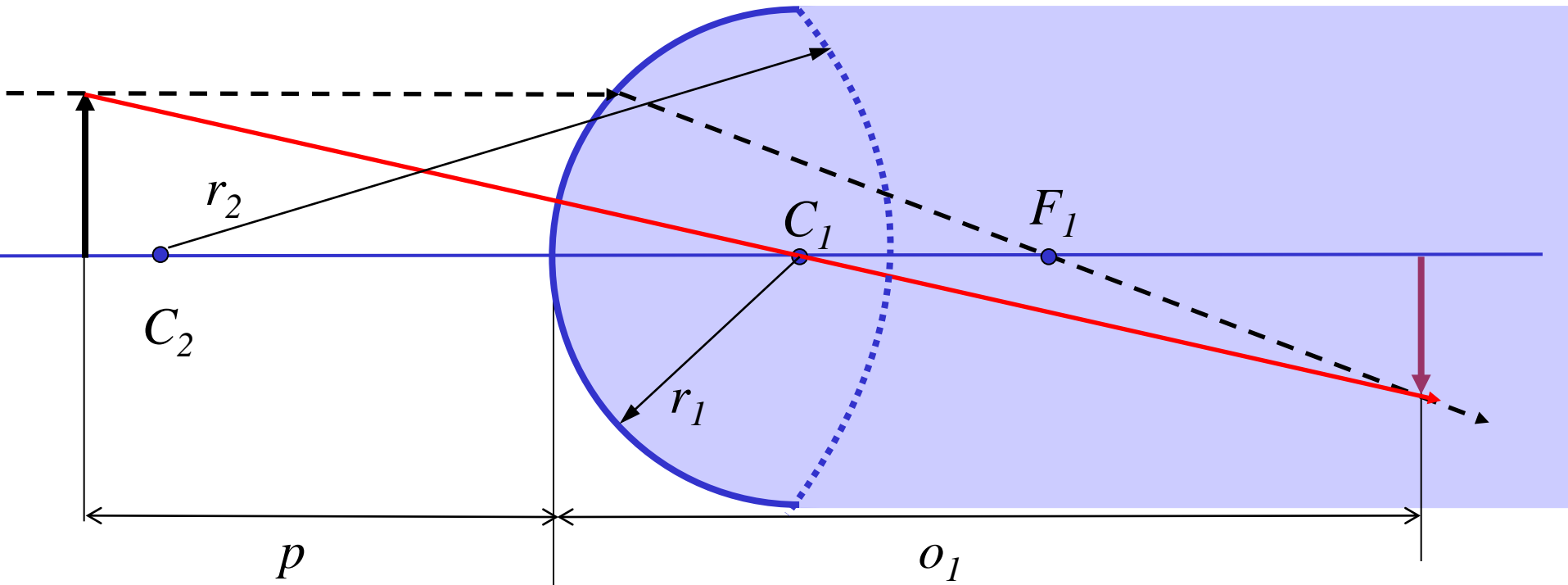


$$n_1/p + n_2/o = (n_2 - n_1)/(-10) > 0$$



$$n_1/p + n_2/o = (n_2 - n_1)/10 < 0$$

Dwie kuliste powierzchnie łamiące



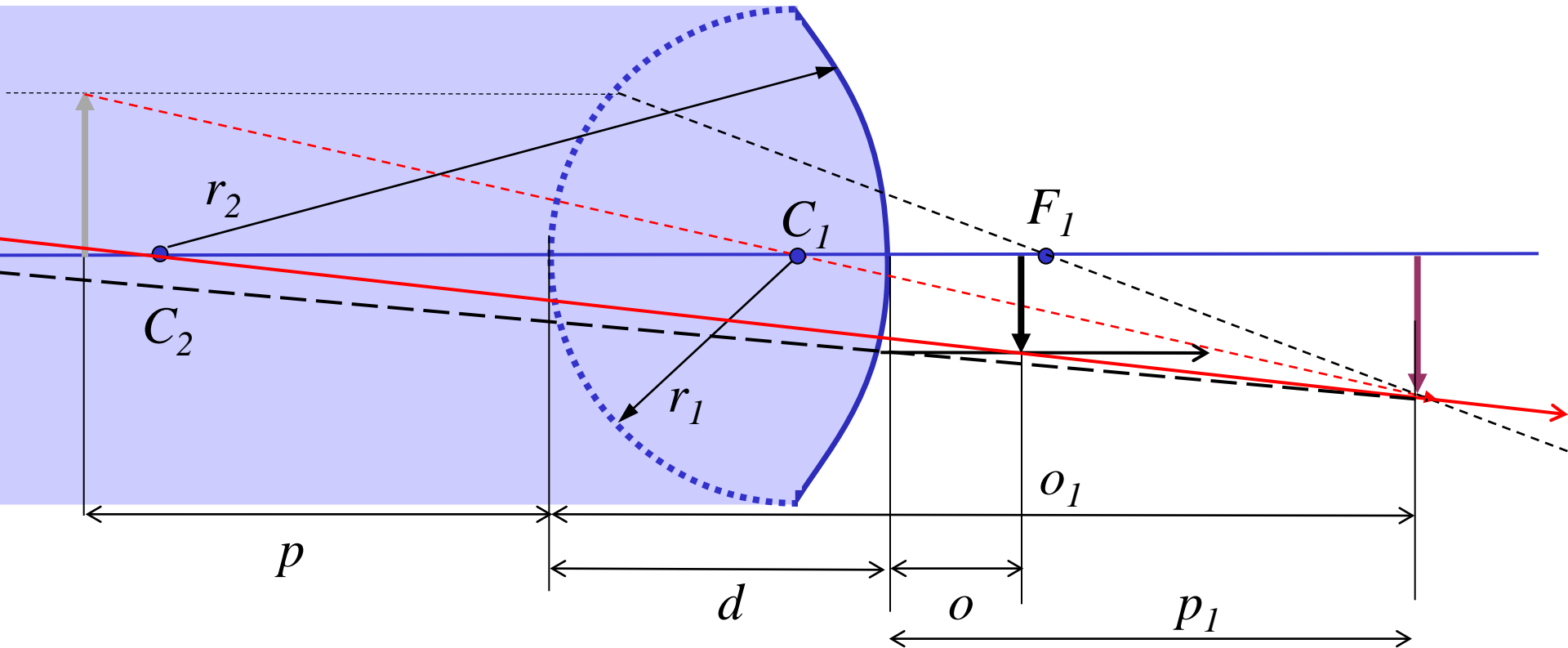
można to liczyć po kolei:

1. załamanie na pierwszej powierzchni z ośrodka n_1 do n_2
- powstaje obraz pośredni w odległości o_1

$$\frac{n_1}{p} + \frac{n_2}{o_1} = \frac{n_2 - n_1}{r_1};$$

Dwie kuliste powierzchnie łamiące

Dla $d \neq 0$ bardzo niewygodne!!



2. załamanie na drugiej powierzchni z ośrodka n_2 do n_1
- powstaje obraz wynikowy w odległości o

$$\frac{n_2}{p_1} + \frac{n_1}{o} = \frac{n_1 - n_2}{r_2};$$

3. mamy też:

$$o_1 = d - p_1;$$

Dwie powierzchnie łamiące

można to liczyć po kolei:

1. załamanie na pierwszej powierzchni z ośrodka n_1 do n_2
- powstaje obraz pośredni w odległości o_1

$$\frac{n_1}{p} + \frac{n_2}{o_1} = \frac{n_2 - n_1}{r_1};$$

2. załamanie na drugiej powierzchni z ośrodka n_2 do n_1
- powstaje obraz wynikowy w odległości o

$$\frac{n_2}{p_1} + \frac{n_1}{o} = \frac{n_1 - n_2}{r_2};$$

3. mamy też:

$$p_1 = d - o_1;$$

Dla $d \neq 0$ bardzo niewygodne!!

Soczewka cienka, $d=0$

$$\frac{1}{p} + \frac{1}{o} = \frac{n_2 - n_1}{n_1} \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)$$

$$\frac{1}{f} = \frac{n_2 - n_1}{n_1} \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)$$

Ta sama ogniskowa:

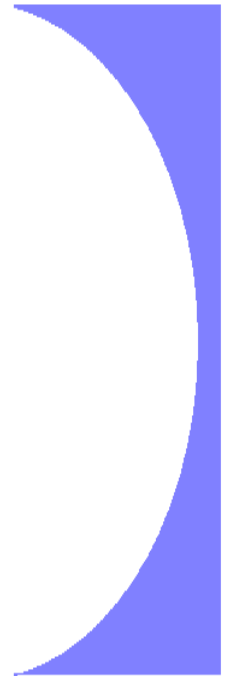
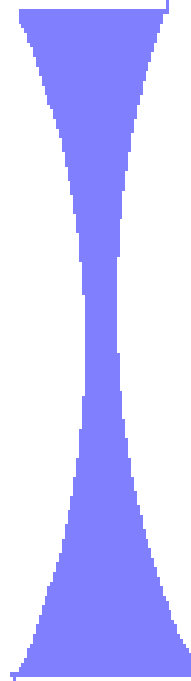
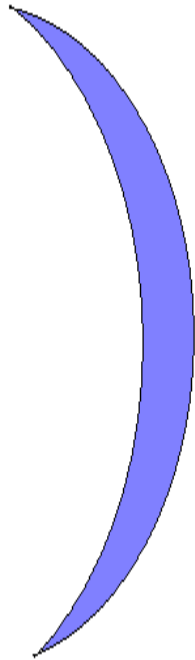
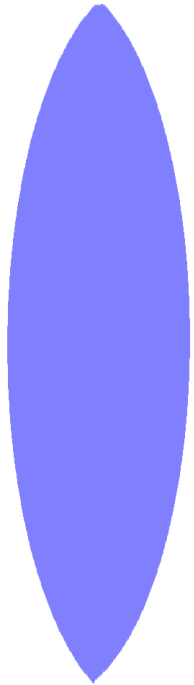
1. różne pary krzywizn przy tej samej różnicy n ,
2. duże krzywizny + mała różnica n
3. małe krzywizny + duża różnica n .

Problemy z okularami:

Dawniej: materiał o małym n , duże krzywizny, okulary ciężkie i grube, trudno osadzić szkła

Teraz: materiał o dużym n , okulary lekkie, ale silne refleksy – jak zlikwidować w części „optyka falowa”

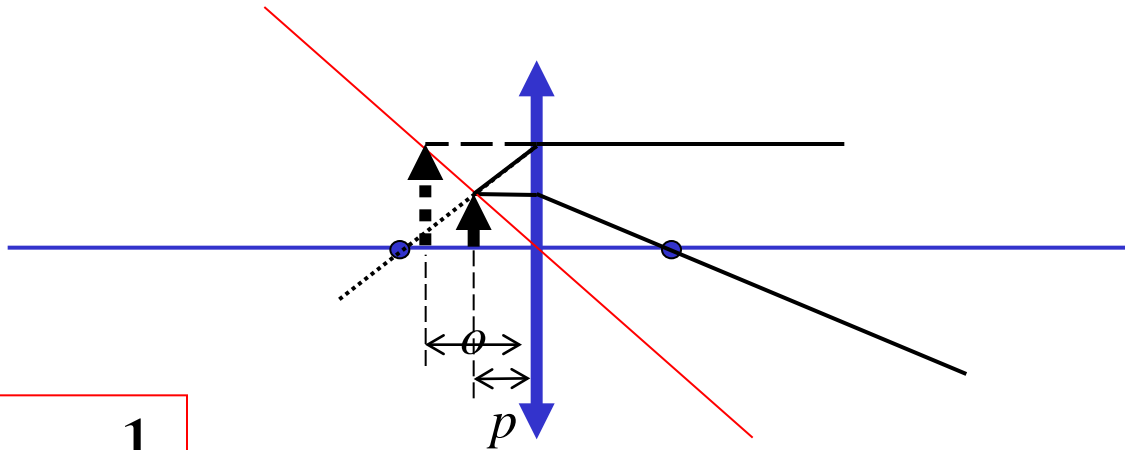
Różne kształty soczewek



		$f > 0$	
r_1	$> 0,$	< 0	∞
r_2	$< 0,$	< 0	< 0
		$ r_1 > r_2 $	

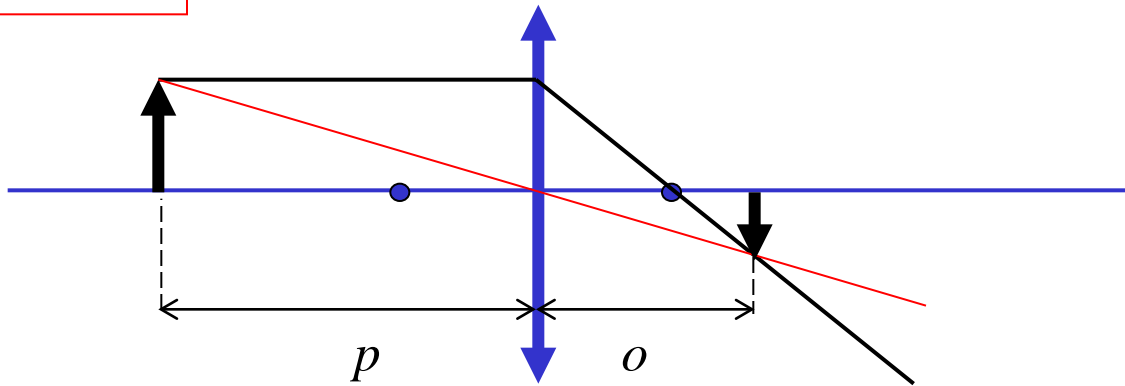
		$f < 0$	
r_1	$< 0,$	< 0	< 0
r_2	$> 0,$	< 0	∞
		$ r_1 < r_2 $	

Soczewka cienka - konstrukcje



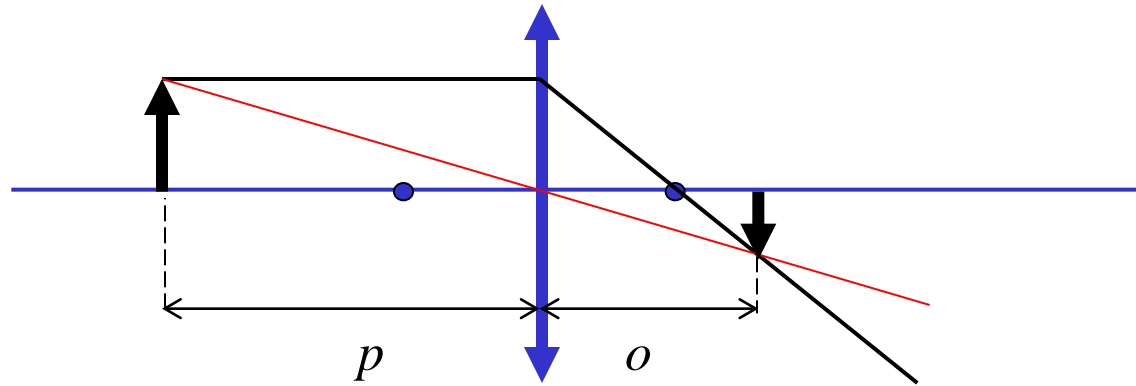
$$\frac{1}{p} + \frac{1}{o_1} = \frac{1}{f}$$

Ale też i wszystkie inne promienie



Soczewka cienka $d=0$

$$\frac{1}{p} + \frac{1}{o_1} = \frac{1}{f}$$



Powiększenie: $M = -\frac{o}{p}$

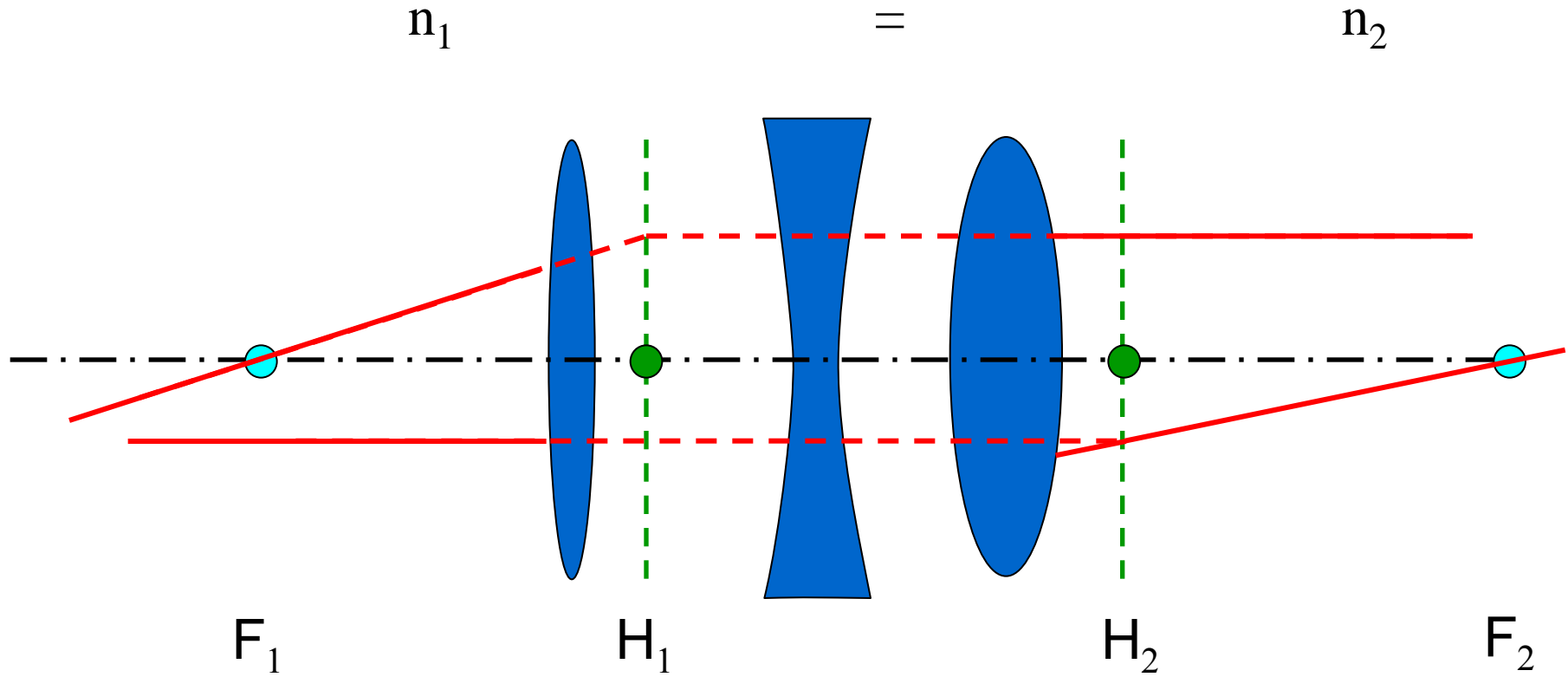
Co zrobić dla np. dla soczewki grubej

- ogólniej: dowolnie skomplikowany układ optyczny ale promienie przyosiowe (bezaberracyjny)

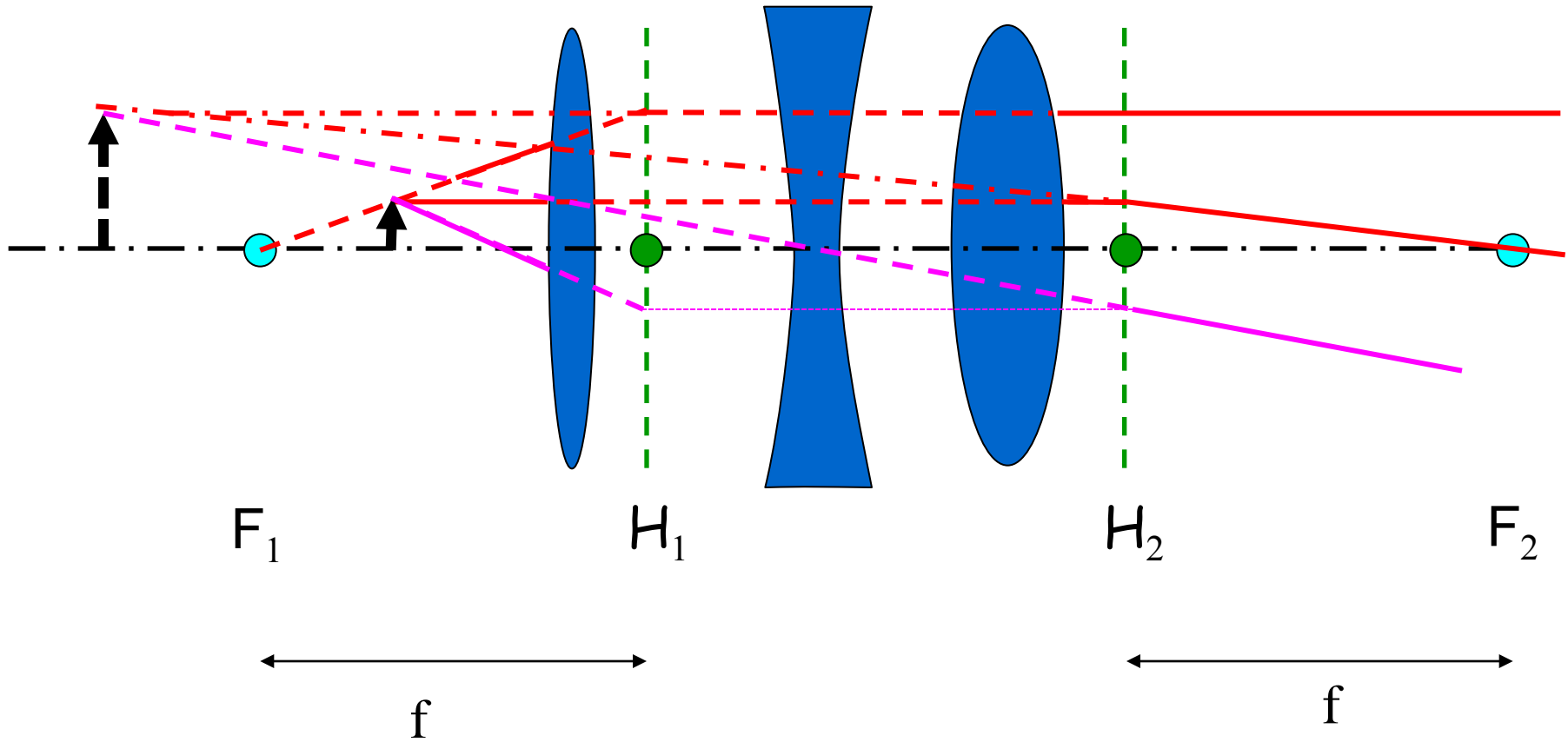
ważne: układ musi mieć oś optyczną!:

1. podejście geometryczne: punkty i płaszczyzny kardynalne
2. podejście algebraiczne: optyka macierzowa

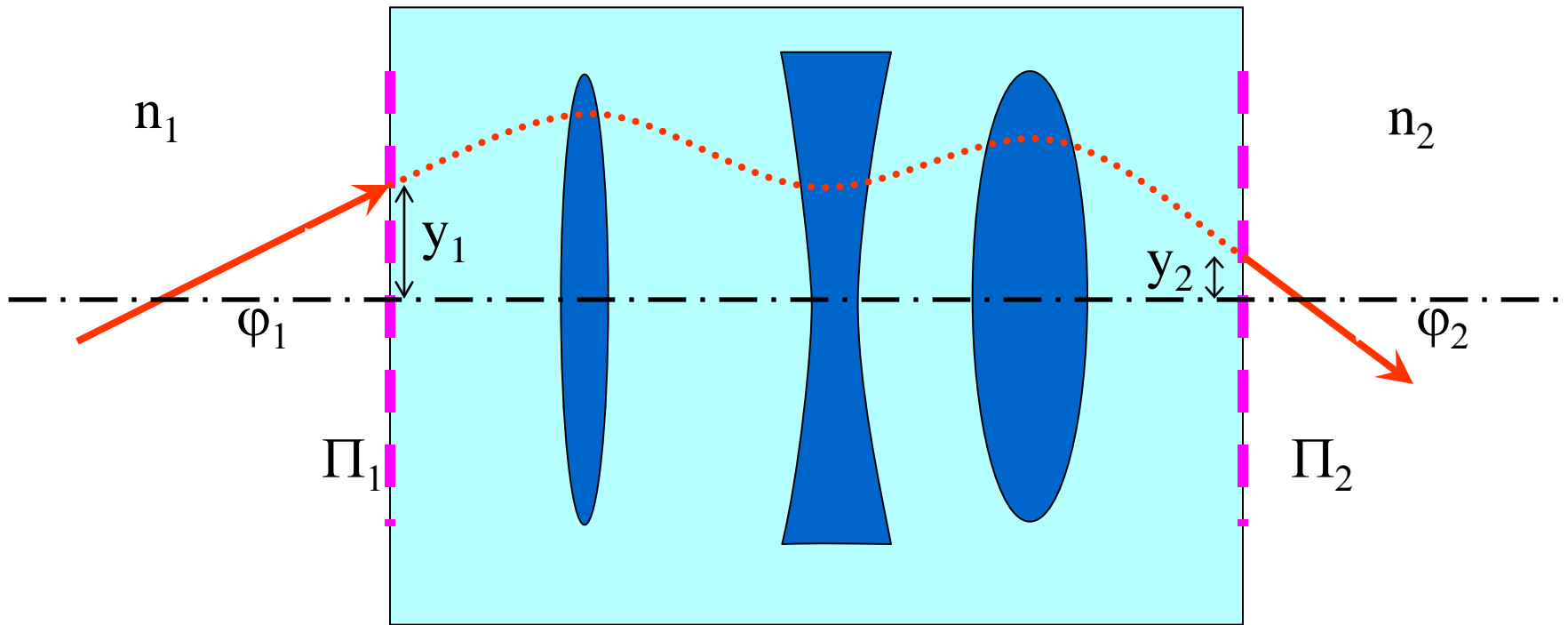
Punkty kardynalne



Punkty kardynalne



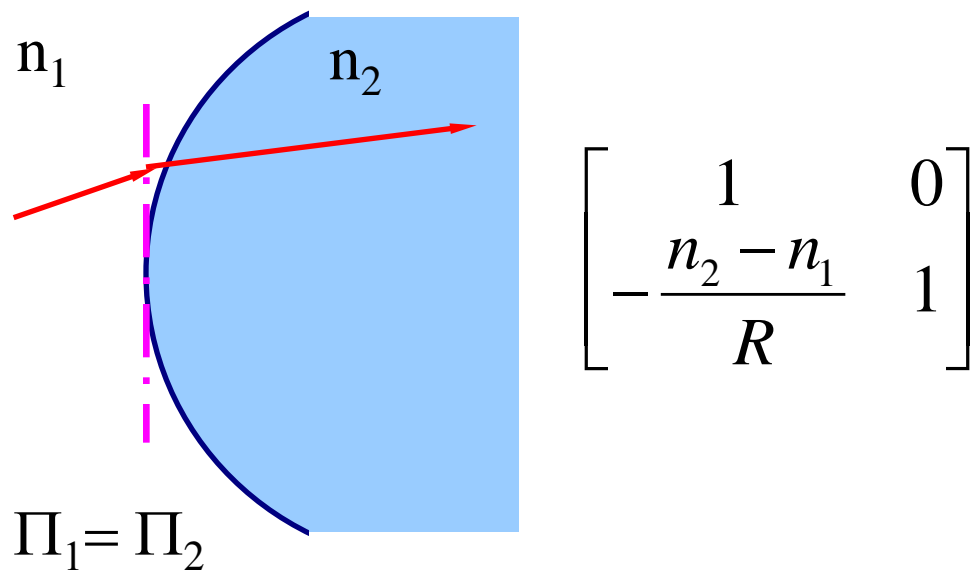
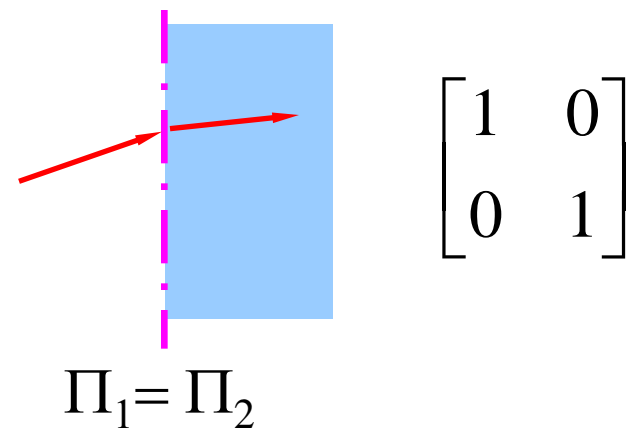
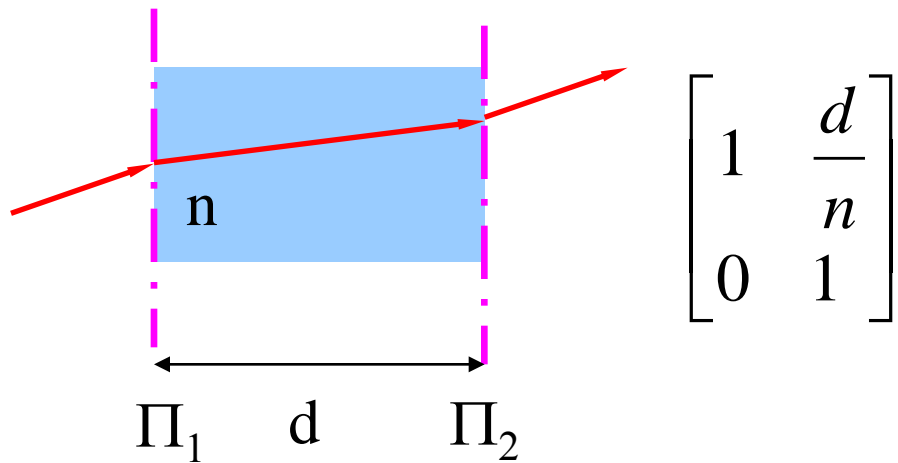
Optyka macierzowa



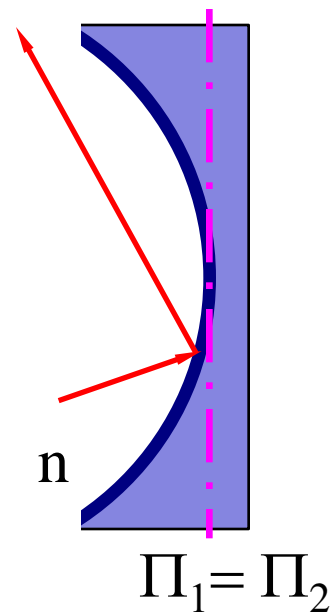
$$\begin{bmatrix} y_2 \\ n_2 \varphi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_1 \\ n_1 \varphi_1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix} = 1$$

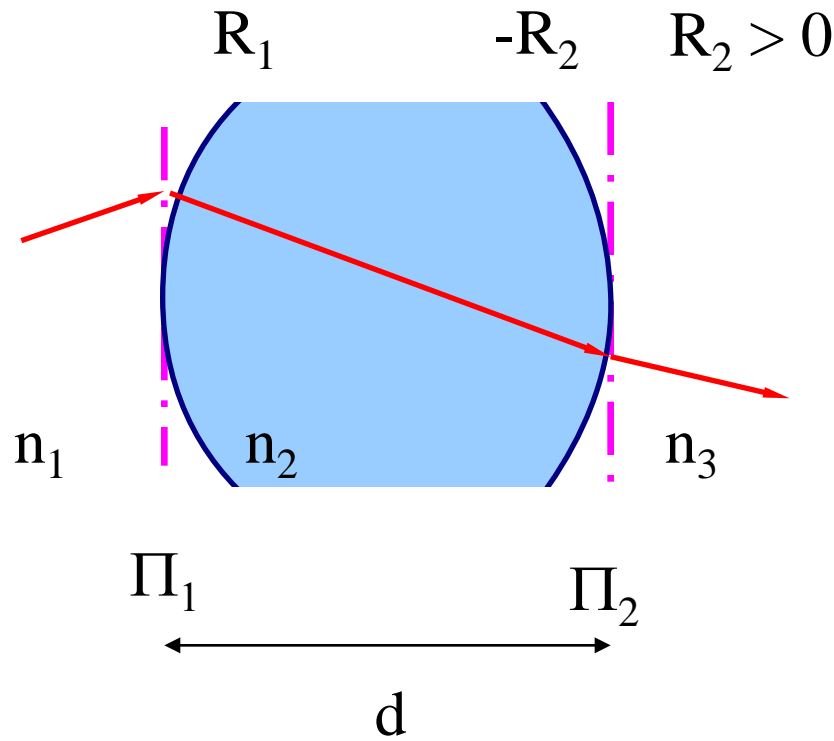
Optyka macierzowa - elementy



$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -\frac{2n}{R} & 1 \end{bmatrix}$$

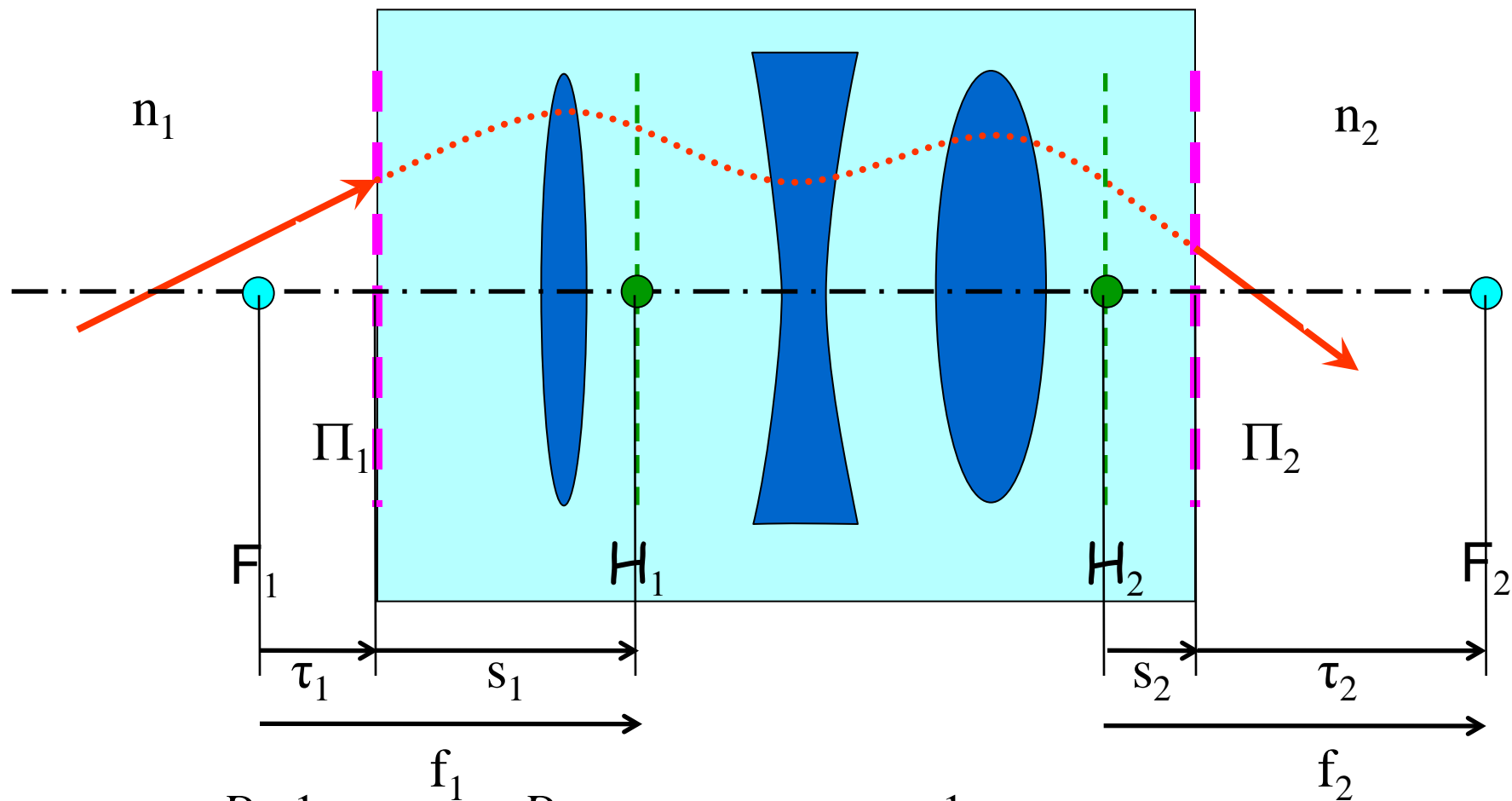


Optyka macierzowa – soczewka gruba



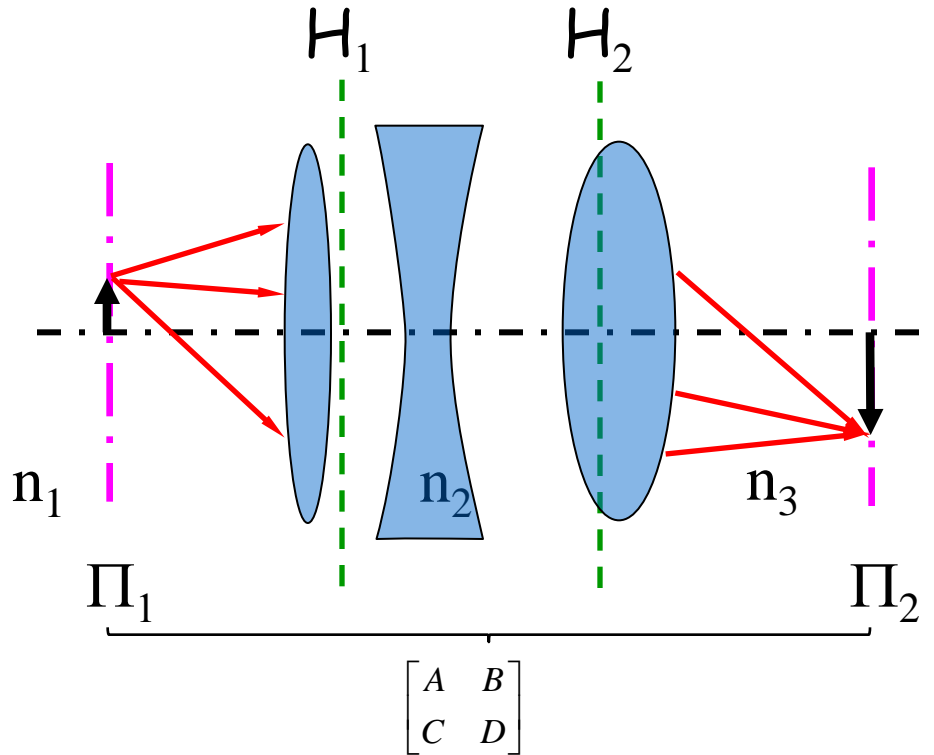
$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -\frac{n_2 - n_1}{R_1} & 1 \end{bmatrix}$$

Optyka macierzowa i p-ty kardynalne



$$\begin{array}{lll}
 s_1 = n_1 \frac{D-1}{C} & \tau_1 = -n_1 \frac{D}{C} & f_1 = \tau_1 + s_1 = -n_1 \frac{1}{C} \\
 s_2 = n_2 \frac{A-1}{C} & \tau_2 = -n_2 \frac{A}{C} & f_2 = \tau_2 + s_2 = -n_2 \frac{1}{C}
 \end{array}$$

Tworzenie obrazu



Jeżeli $n_1 = n_2 = 1$

$$\boxed{\frac{1}{p} + \frac{1}{o} = \frac{1}{f}}$$

$$\begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_1 \\ * \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} y_2 \\ * \end{bmatrix} \quad * - \text{dowolne}$$

$$y_2 = A \cdot y_1 + B \cdot * \Rightarrow B = 0$$

$$p = s_1 = n_1 \frac{D-1}{C} \Rightarrow D = \frac{p \cdot C + n_1}{n_1}$$

$$o = s_2 = n_2 \frac{A-1}{C} \Rightarrow A = \frac{o \cdot C + n_3}{n_3}$$

$$AD - BC = AD - 0C = 1 \Rightarrow AD = 1$$

$$\frac{o \cdot C + n_3}{n_3} \cdot \frac{p \cdot C + n_1}{n_1} = 1$$

$$\frac{n_1}{p} + \frac{n_3}{o} = -C$$

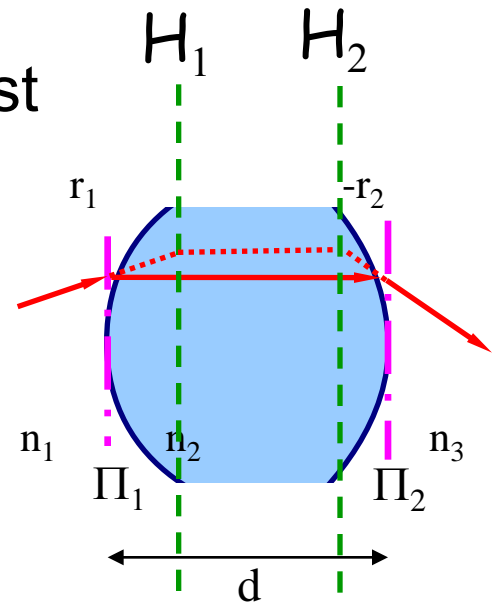
Płaszczyzny główne

Po wprowadzeniu pł. gł. wszystkie wzory dla soczewki grubej są takie same jak dla soczewki cienkiej z zastrzeżeniem, że p , o i f mierzone są od odpowiednich płaszczyzn głównych. Jest inny wzór na f

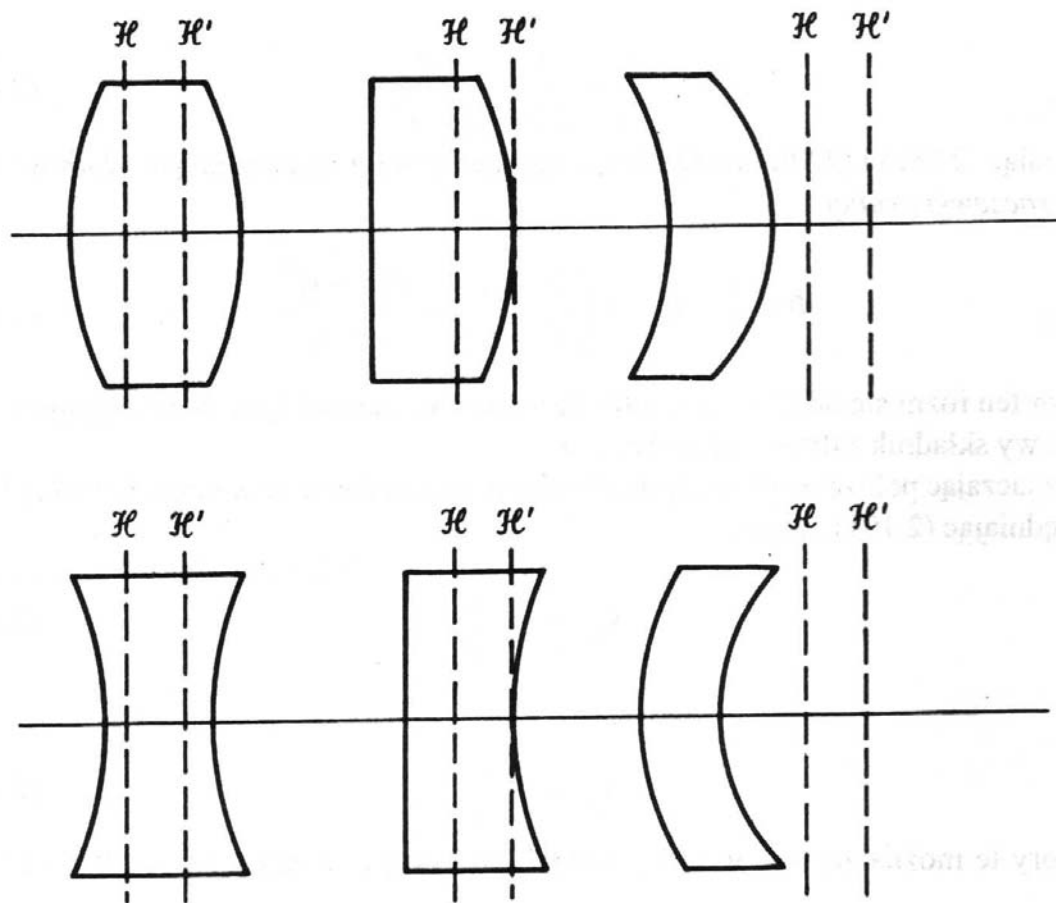
$$\frac{1}{p} + \frac{1}{o} = \frac{1}{f}$$

$$M = -\frac{o}{p}$$

$$\frac{1}{f} = -C = \frac{(n-1)[n(r_2 - r_1) + d(n-1)]}{nr_1r_2},$$



Płaszczyzny główne



Tak jak środek masy nie musi leżeć w środku obiektu, również i płaszczyzny główne nie muszą leżeć wewnątrz soczewki.

Naprawdę liczy się numerycznie
dokładnie (bez założenia o
przyosiowości promieni)

na przykład: ZEMAX